



CONTROLE DE SISTEMAS

EXERCÍCIOS RETIRADOS DO LIVRO SISTEMAS DE CONTROLE MODERNOS – 8ª EDIÇÃO

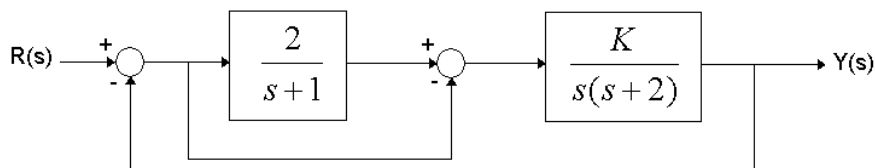
**P6.1)** Utilizando o critério de Routh-Hurwitz, determinar a estabilidade dos seguintes polinômios:

- a)  $s^2 + 5s + 2$
- b)  $s^3 + 4s^2 + 6s + 6$
- c)  $s^3 + 2s^2 - 4s + 20$
- d)  $s^4 + s^3 + 2s^2 + 10s + 8$
- e)  $s^4 + s^3 + 3s^2 + 2s + K$
- f)  $s^5 + s^4 + 2s^3 + s + 5$
- g)  $s^5 + s^4 + 2s^3 + s^2 + s + K$

Determinar, caso existam, o número de raízes no semiplano S da direita. Determinar, quando K for ajustável, a faixa de valores que resulta em um sistema estável.

**E6.1)** Um sistema possui equação característica  $s^3 + 3Ks^2 + (2 + K)s + 4 = 0$ . Determinar a faixa de valores de K para um sistema estável.

**E6.4)** Para o sistema abaixo determine a faixa de valores de K para o qual ele é estável.



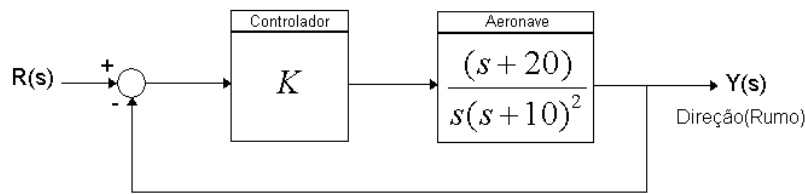
**E6.2)** Utilizando o critério de Routh-Hurwitz, determine se um sistema com a equação característica  $s^3 + 9s^2 + 26s + 24 = 0$  é estável.

**E6.11)** Um sistema possui a seguinte função de transferência:

$$T(s) = \frac{23(s+1)}{s^4 + 6s^3 + 2s^2 + s + 3}$$

Determinar o erro em estado estacionário a uma excitação em degrau unitário. O sistema é estável?

**E6.8)** O sistema de controle de direção (rumo) de aviões *stealth* está apresentado na figura abaixo. Determine os valores de  $K$  para que se opere com estabilidade.



**E6.9)** Um sistema possui equação característica  $s^3 + 3s^2 + (K + 1)s + 4 = 0$ . Determinar a faixa de valores de  $K$  para um sistema estável.

**E6.13)** Um sistema possui equação característica  $s^6 + 9s^5 + 31.25s^4 + 61.25s^3 + 67.75s^2 + 14.75s + 15 = 0$ . Determinar a faixa de valores de  $K$  para um sistema estável.

Determinar se o sistema é estável utilizando o critério de Routh-Hurwitz.

**E6.19)** Um sistema possui equação característica  $s^3 + 10s^2 + 29s + K = 0$ .

Deslocar o eixo vertical para a direita do valor 2 usando uma mudança de variável e determinar o valor de ganho  $K$  de modo que as duas raízes complexas sejam  $s = -2 \pm j$ .

**E6.2)** Um sistema possui uma função de transferência  $\frac{Y(s)}{R(s)} = T(s) = \frac{1}{s}$ .

a) O sistema é estável?

b) Se  $r(t)$  for um degrau unitário, determine a resposta  $y(t)$ .

→ OS PROBLEMAS A SEGUIR DEVEM SER RESOLVIDOS COM A UTILIZAÇÃO DO MATLAB.

**PM6.1)** Determinar as raízes das seguintes equações características:

a)  $q(s) = s^3 + 3s^2 + 5s + 7$

b)  $q(s) = s^4 + 2s^3 + 2s^2 + 2s + 1$

c)  $q(s) = s^4 + 2s^2 + 1$

**PM6.3)** Um sistema com retroação unitária negativa possui a seguinte função de transferência a malha aberta:

$$G(s) = \frac{s + 1}{s^3 + 4s^2 + 6s + 10}$$

Determinar, utilizando o MATLAB, a função de transferência a malha fechada e mostrar que as raízes da equação característica são  $s_1 = -2.89$ ,  $s_{2,3} = -0.55 \pm j1.87$ .

**PM6.4)** Considerar a função de transferência:

$$T(s) = \frac{1}{s^5 + 2s^4 + 2s^3 + 4s^2 + s + 2}$$

- a) Utilizando o critério de Routh, determinar se o sistema é estável. Caso não seja, quantos pólos existem no semiplano S da direita?
- b) Confirme o resultado anterior utilizando o MATLAB.
- c) Obter a resposta a um degrau unitário e discutir os resultados.

**PM6.6)** Considerar um sistema com realimentação unitária, com a seguinte função de transferência em malha aberta:

$$T(s) = \frac{1}{s^3 + 5s^2 + (K - 3)s + K}$$

Utilizando um `for`, desenvolver um script em MATLAB para calcular os pólos da função de transferência a malha fechada para  $0 \leq K \leq 5$  e plotar os resultados, designando os pólos pelo símbolo "x". Determinar a faixa de valores para  $K$ , utilizando o critério de Routh, para se ter um sistema estável. Calcular as raízes da equação característica quando  $K$  tiver o menor valor permitido para estabilidade