

# Controle de Sistemas

## Modelagem Matemática de Sistemas

Renato Dourado Maia

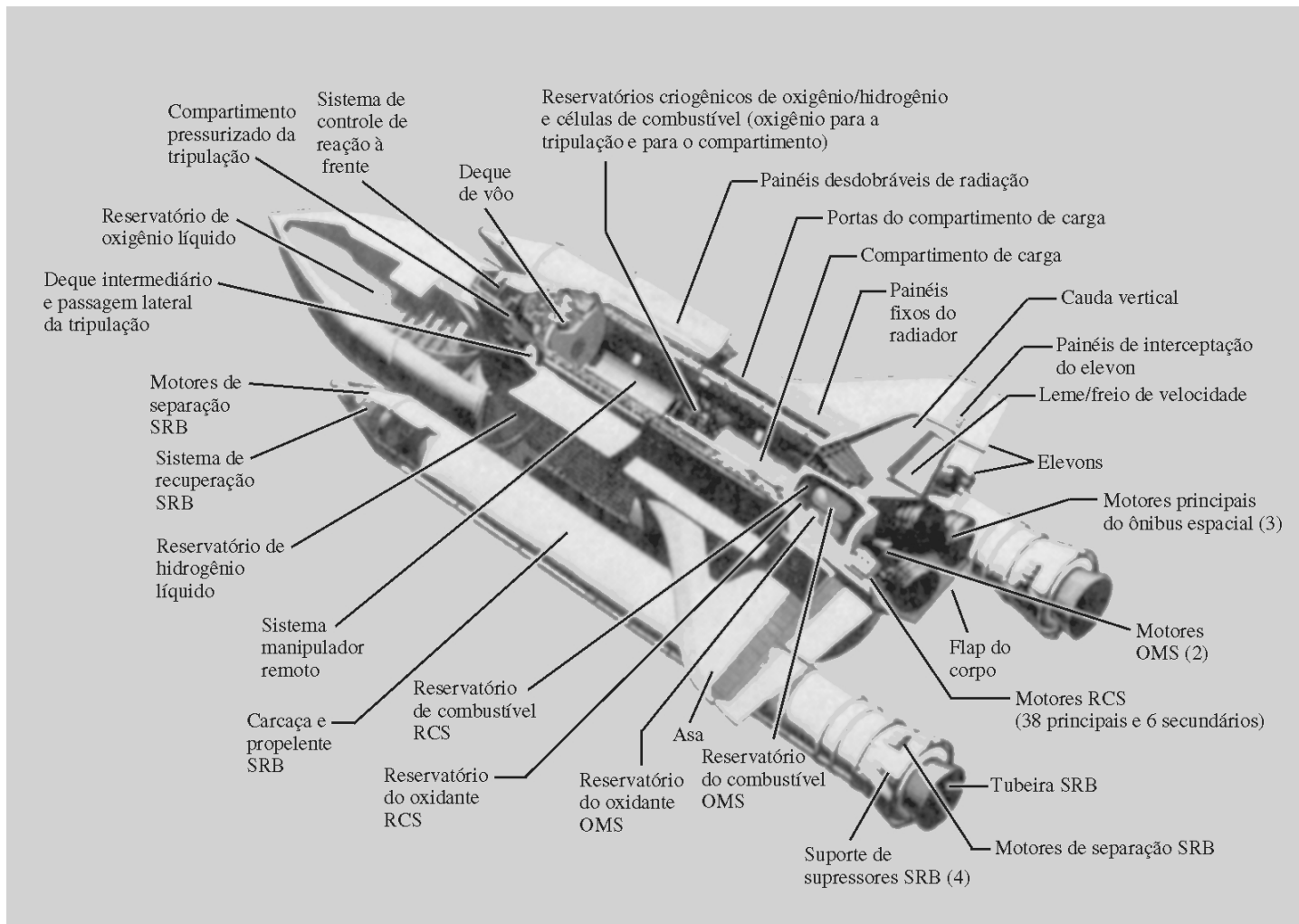
Universidade Estadual de Montes Claros

Engenharia de Sistemas



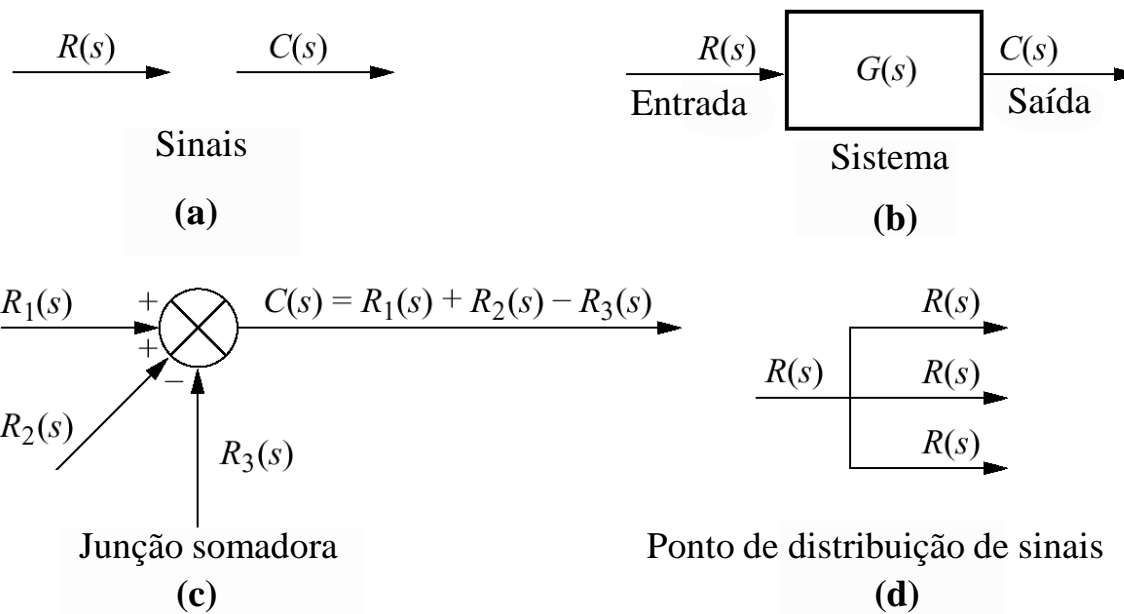
# Diagramas de Blocos

## Motivação Básica – Subsistemas de um Ônibus Espacial



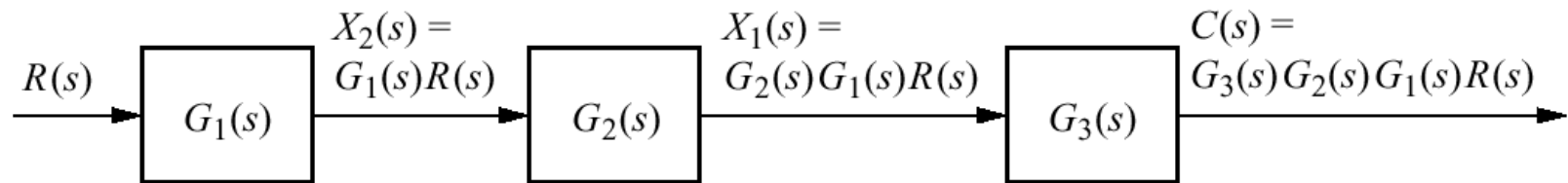
# Diagramas de Blocos

## Componentes de um Diagrama de Blocos de um Sistema LTI

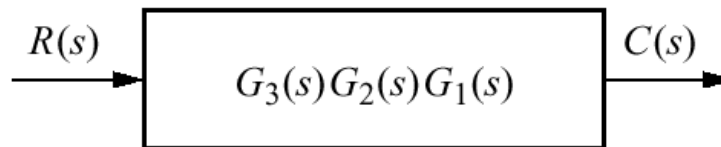


# Diagramas de Blocos

## Associação em Cascata



(a)

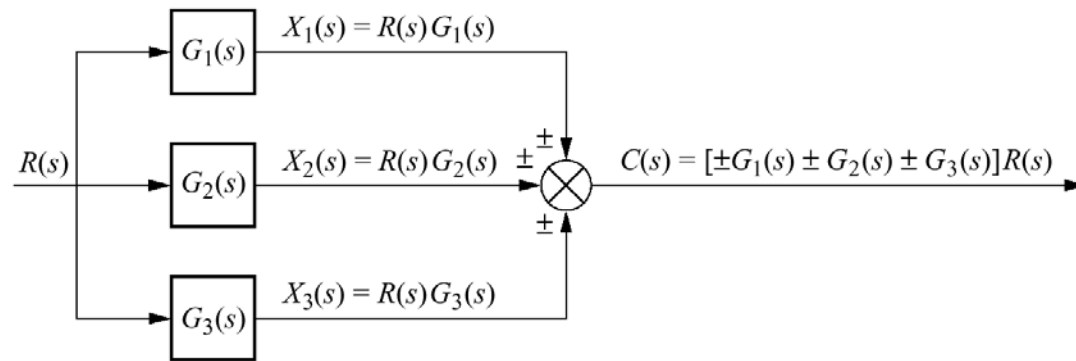


(b)

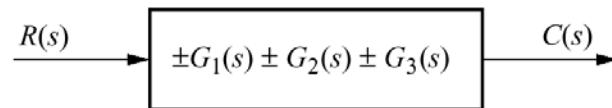
(a) Sistemas em Cascata.      (b) Função de Transferência equivalente.

# Diagramas de Blocos

## Associação em Paralelo



(a)

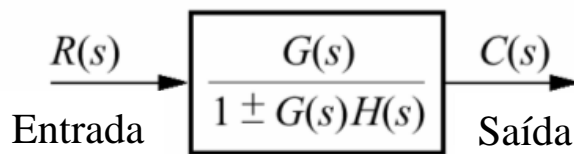
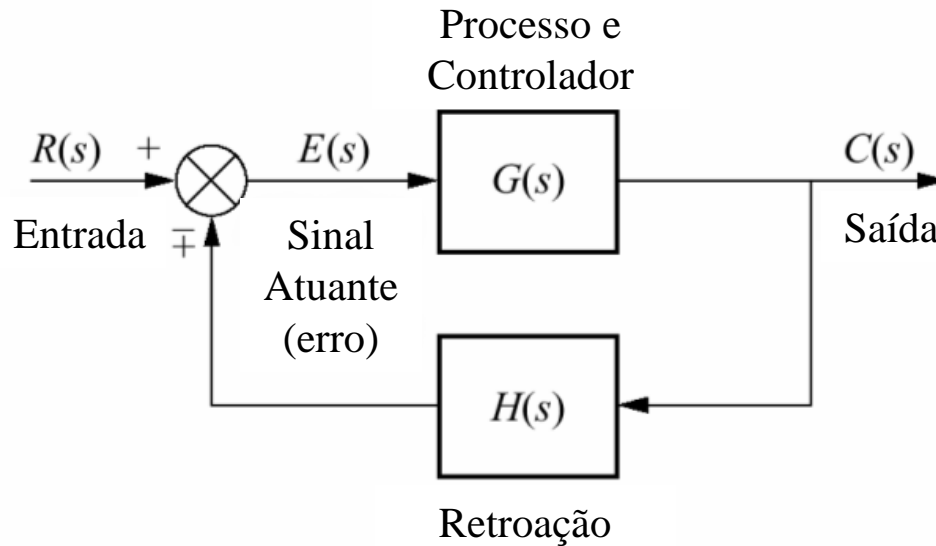


(b)

(a) Sistemas em Paralelo.      (b) Função de Transferência equivalente.

# Diagramas de Blocos

## Malha Fechada



$$E(s) = R(s) \mp C(s)H(s) \quad (1)$$

$$C(s) = E(s)G(s) \quad (2)$$

Levando (1) em (2):

$$E(s) = R(s) \mp C(s)H(s)$$

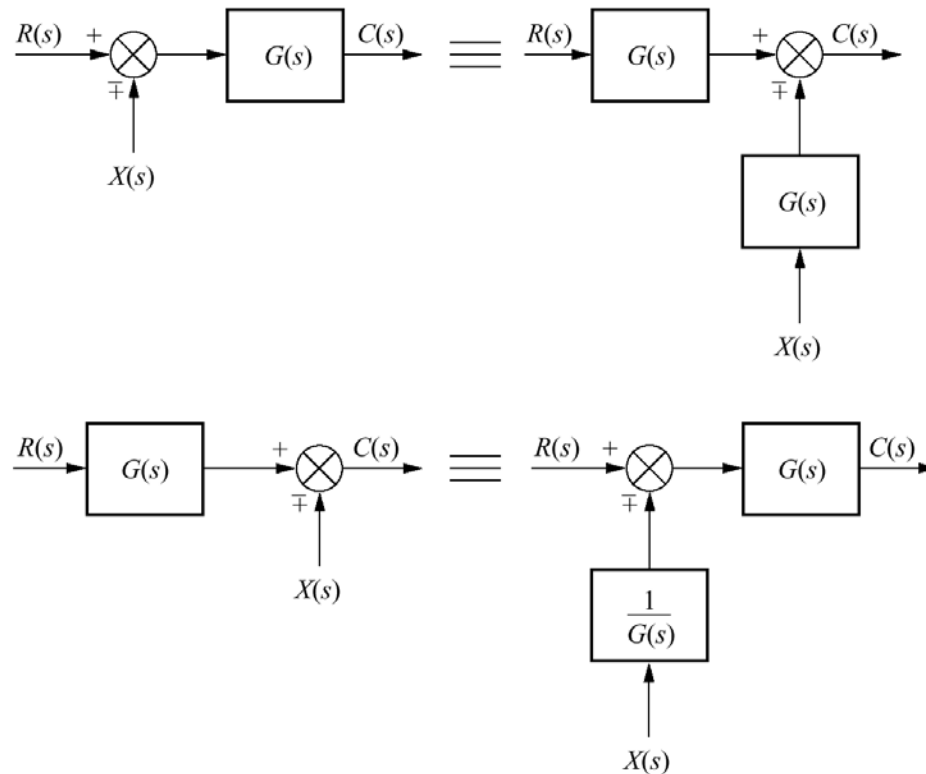
$$C(s) = (R(s) \mp C(s)H(s))G(s)$$

$$C(s)(1 \pm G(s)H(s)) = R(s)G(s)$$

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{G(s)}{1 \pm G(s)H(s)}$$

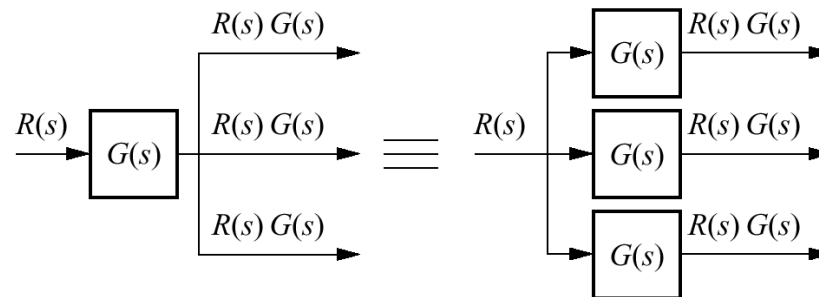
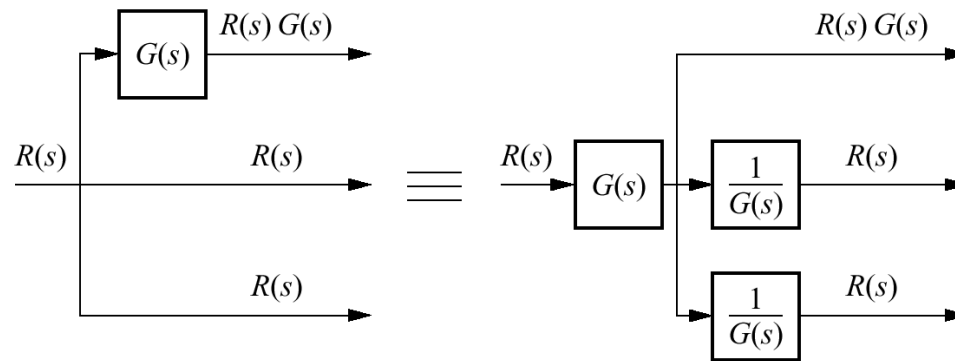
# Diagramas de Blocos

## Redução de Diagramas de Blocos



# Diagramas de Blocos

## Redução de Diagramas de Blocos





# Redução de Diagramas de Blocos – Resumo - Dorf

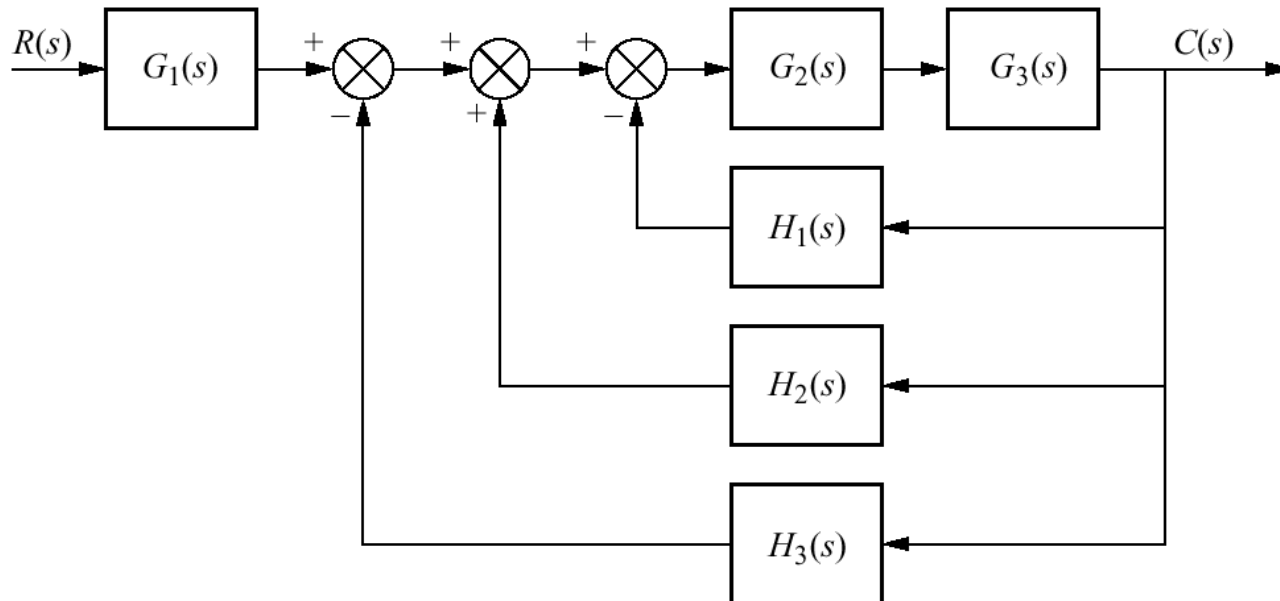
Transformation	Original Diagram	Equivalent Diagram
1. Combining blocks in cascade		
2. Moving a summing point behind a block		
3. Moving a pickoff point ahead of a block		
4. Moving a pickoff point behind a block		
5. Moving a summing point ahead of a block		
6. Eliminating a feedback loop		

# Redução de Diagramas de Blocos – Resumo – Ogata – 3ª ed.

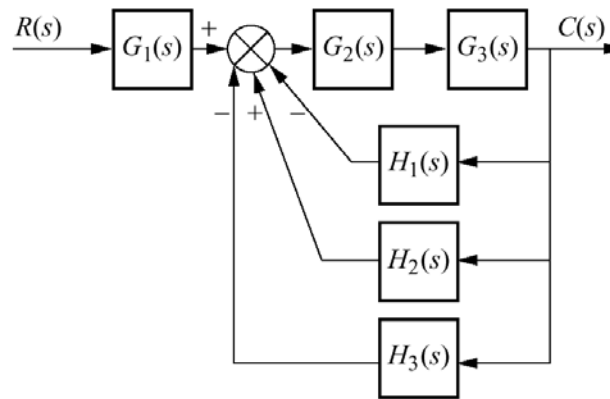
	Diagramas de Blocos Originais	Diagramas de Blocos Equivalentes
1		
2		
3		
4		
5		

# Diagramas de Blocos

## Exemplo

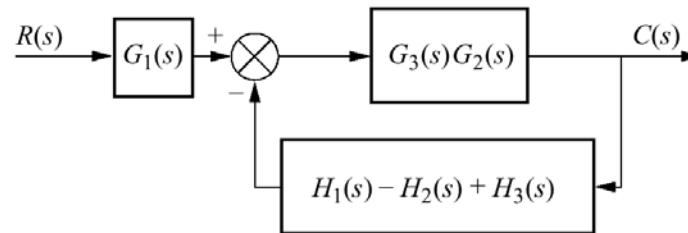


# Diagramas de Blocos

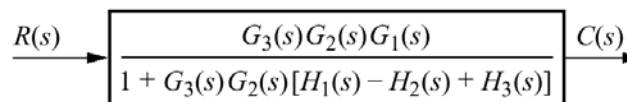


(a)

Exemplo:



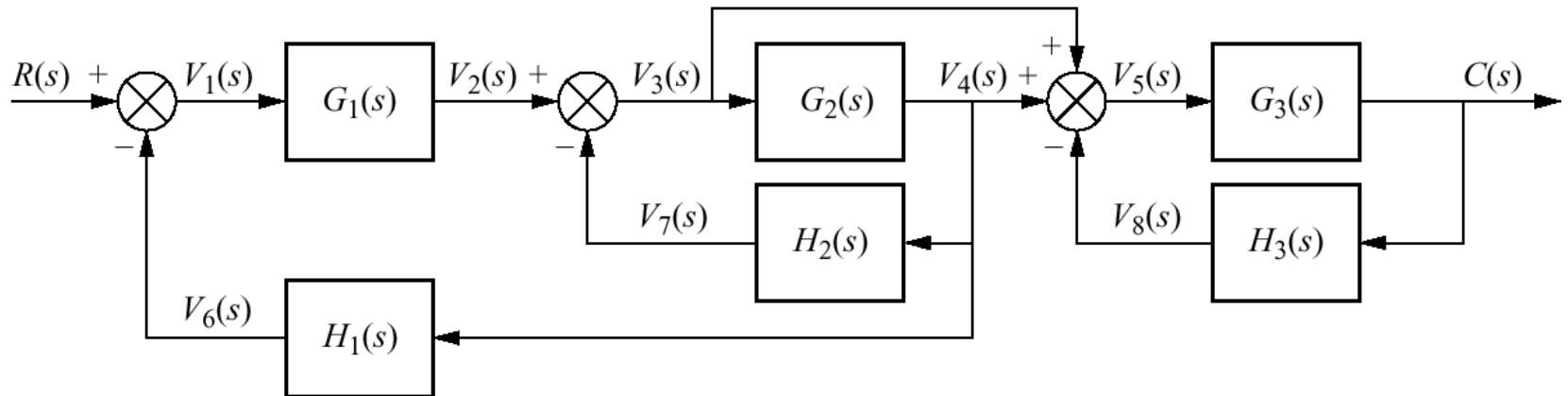
(b)



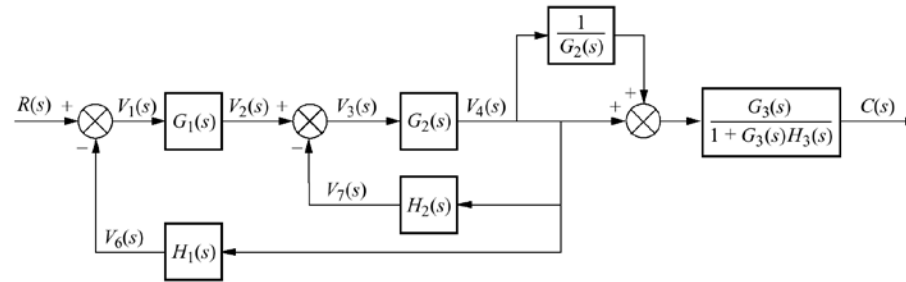
(c)

# Diagramas de Blocos

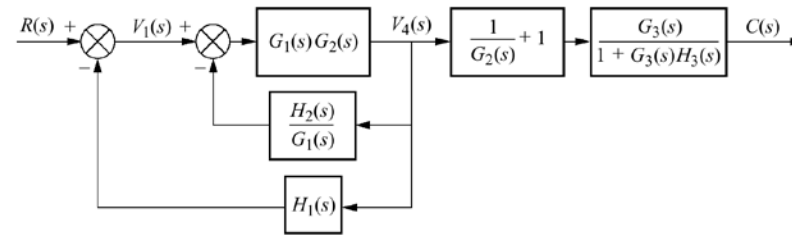
## Exemplo



# Diagramas de Blocos

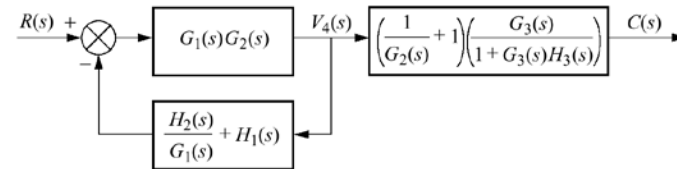


(a)

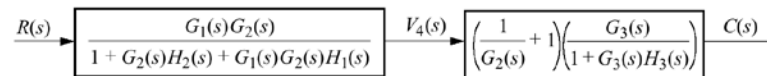


(b)

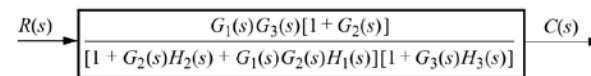
Exemplo:



(c)



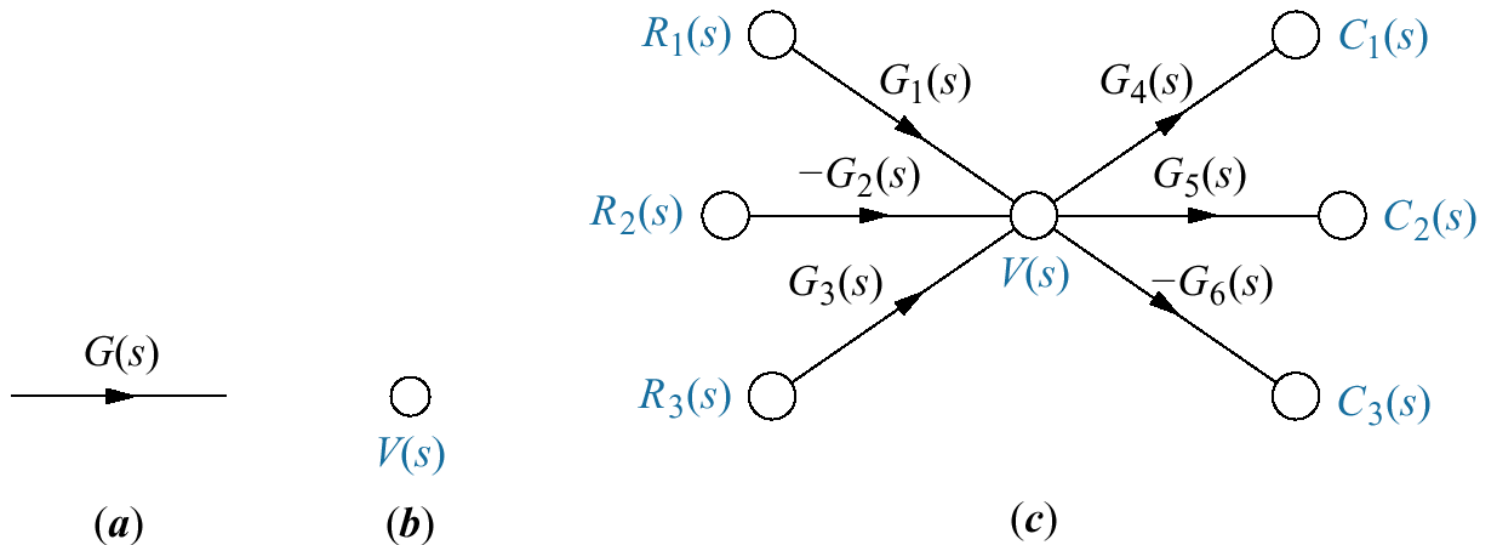
(d)



(e)

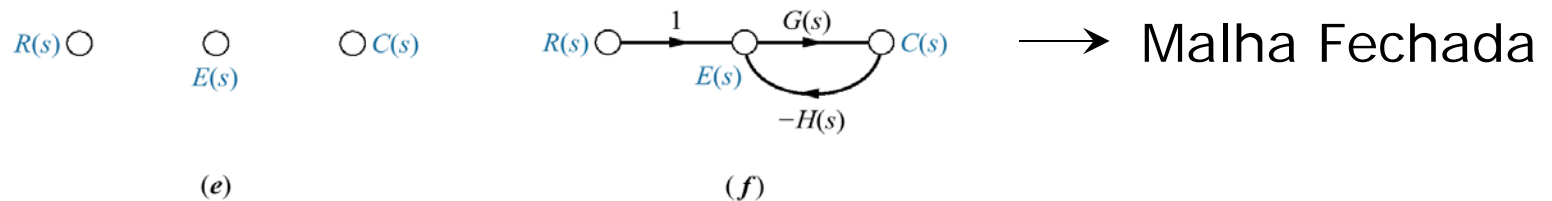
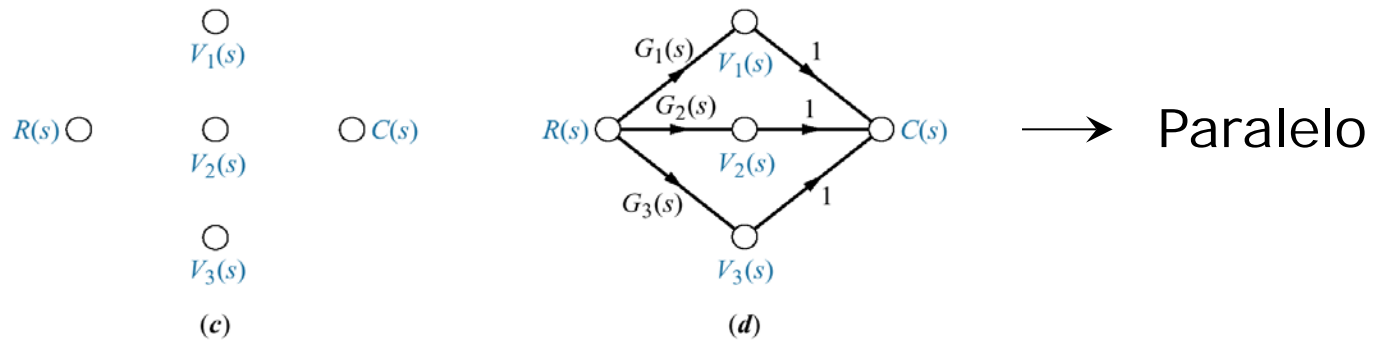
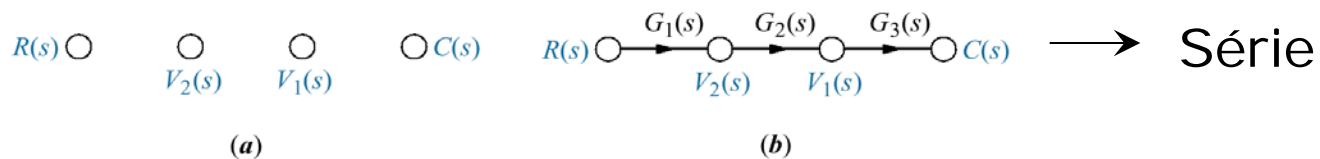
# Diagramas de Fluxo de Sinal (DFS)

Componentes de um Diagrama de Fluxo de Sinal de um Sistema LTI



# Diagramas de Fluxo de Sinal (DFS)

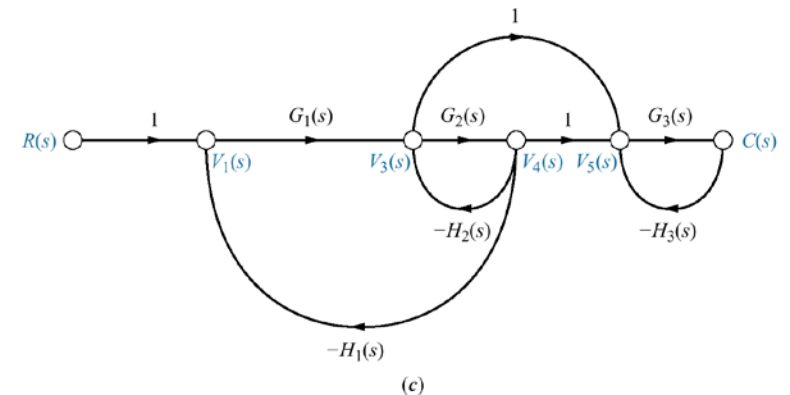
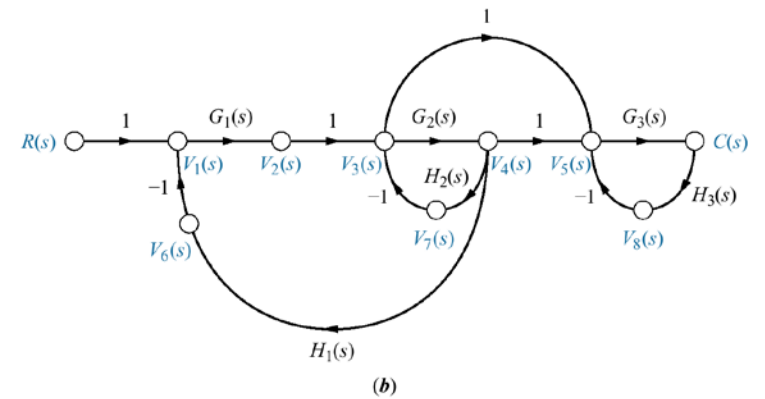
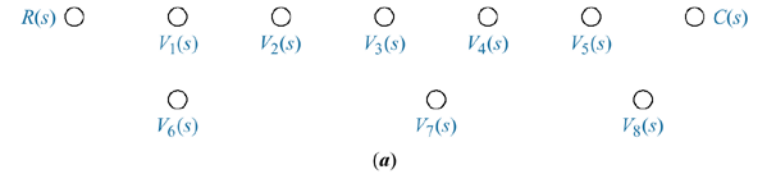
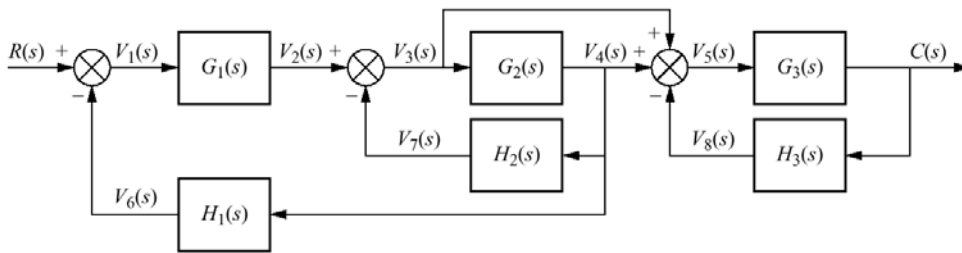
Associação em Série, em Paralelo e Malha Fechada





# Diagramas de Fluxo de Sinal (DFS)

Exemplo:



# DFS e Regra de Mason

---

## □ Definições:

- 1) **Nó (ou nodo)**: ponto que representa uma variável ou sinal.
- 2) **Transmitância**: ganho entre dois nós.
- 3) **Nó de entrada (ou fonte)**: possui apenas ramos de saída (corresponde a uma variável independente).
- 4) **Nó de saída (ou sorvedouro)**: possui apenas ramos de entrada (variável dependente).
- 5) **Nó misto**: possui ramos de entrada e de saída.
- 6) **Caminho**: trajetória de ramos conectados no sentido das setas.

# DFS e Regra de Mason

---

## □ Definições:

- 7) **Laço**: caminho fechado (inicia e termina no mesmo nó, sem passar por outro nó mais de uma vez).
- 8) **Ganho do laço**: produto das transmitâncias dos ramos desse laço.
- 9) **Laços que não se tocam**: não possuem nenhum nodo comum.
- 10) **Caminho direto**: caminho que parte de um nó de entrada e vai até um nó de saída sem cruzar nenhum nó mais de uma vez.

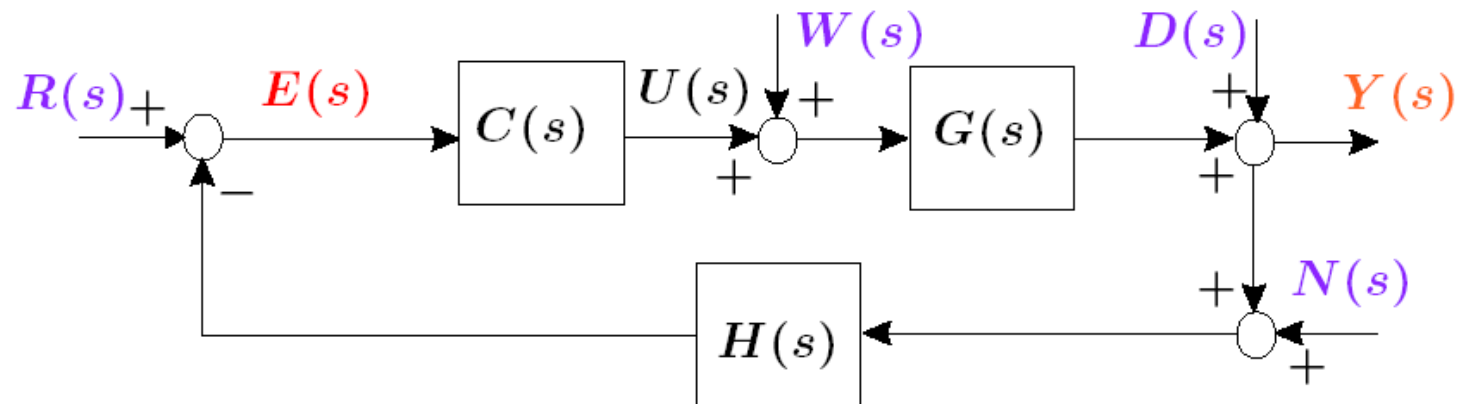
# DFS e Regra de Mason

- A função de transferência entre uma entrada  $R(s)$  e uma saída  $C(s)$  de um sistema representado por um DFS é:

$$G(s) = \sum_{k=1}^N \frac{M_k \Delta_k}{\Delta} \left\{ \begin{array}{l} \Rightarrow M_k = \text{ganho do } k\text{-ésimo caminho direto entre } R \text{ e } C \\ \Rightarrow \Delta = 1 - \sum_i L_{i1} + \sum_j L_{j2} - \sum_q L_{q3} + \dots \\ \Rightarrow L_{rs} = \text{produto dos ganhos da } r\text{-ésima combinação possível dos } s \text{ laços que não se tocam } (1 \leq s \leq L) \\ \Rightarrow \Delta_k = \Delta \text{ da parte do DFS que não toca o } k\text{-ésimo caminho direto} \end{array} \right.$$

# Diagramas de Blocos

## Malha Fechada com Perturbações



$$Y(s) = \text{?}$$

# Diagramas de Blocos

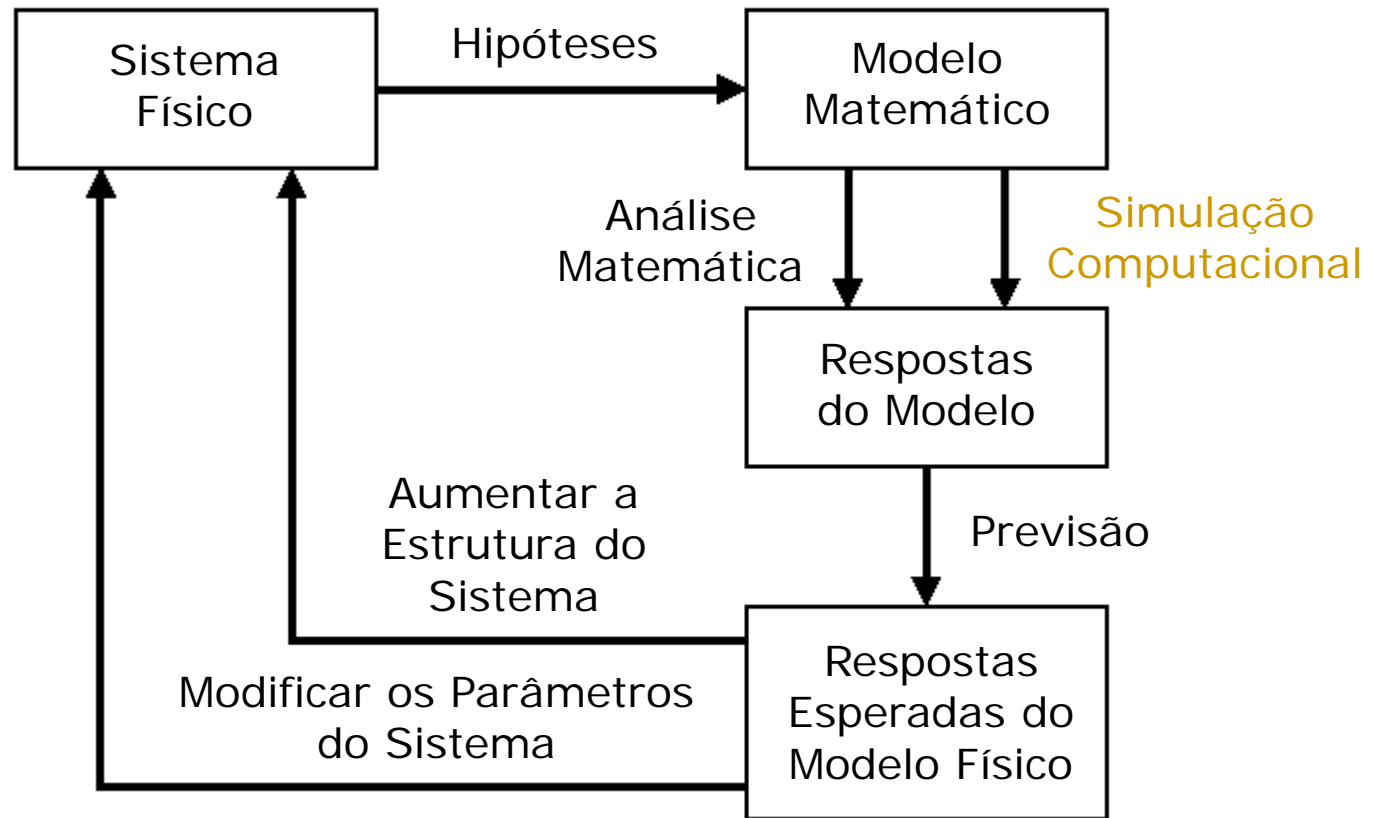
---

Malha Fechada com Perturbações

$$Y(s) = \frac{G(s)C(s)}{1 + G(s)C(s)H(s)} R(s) + \frac{1}{1 + G(s)C(s)H(s)} D(s) \\ + \frac{G(s)}{1 + G(s)C(s)H(s)} W(s) + \frac{G(s)C(s)H(s)}{1 + G(s)C(s)H(s)} N(s)$$

Lembrem-se do conceito de LINEARIDADE!!!

# Análise e Projeto Utilizando Modelos



# Simulação Computacional

---

- Supondo que um modelo e a simulação são confiavelmente exatos, a simulação em computador apresenta as seguintes vantagens:
  - 1) O desempenho do sistema pode ser observado sob todas as condições concebíveis.
  - 2) Os resultados do desempenho de sistemas de campo podem ser extrapolados com o modelo de simulação para fins de previsão.
  - 3) As decisões relativas a sistemas futuros que se encontram presentemente no estágio conceitual podem ser examinadas.



# Simulação Computacional

---

- 4) Ensaaios com sistemas sob teste podem ser realizados em um período de tempo muito reduzido.
- 5) Os resultados de simulação podem ser obtidos a um custo menor do que o da experimentação real.
- 6) O estudo de situações hipotéticas pode ser efetuado mesmo quando a situação hipotética for irrealizável na vida real no presente momento.
- 7) A modelagem e a simulação em computador é muitas vezes a única técnica viável ou segura para se analisar e avaliar um sistema.